

УДК 621.3 : 538.3

Панасенко О.Т.

Харьковский государственный политехнический университет

**ЭЛЕКТРОДИНАМИЧЕСКИЕ УСИЛИЯ, ДЕЙСТВУЮЩИЕ  
НА ПЛАСТИНУ В ИМПУЛЬСНОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ  
ИНДУКТОРА-ТОКОПРОВОДА**

© Панасенко О.Т., 2000

**Описано математичну модель переходного процесу, що виникає при розряді емнісного накопичувача енергії на систему індуктор-струмопровід-пластину. На прикладах розрахунку показано вплив ширини внутрішнього витка та міжвіткового отвору індуктора-струмопровода на розподіл електродинамічних зусиль на поверхні пластини.**

В магнитно-импульсной обработке металлов по схеме “листовая штамповка” [1] используют индукторы-токопроводы (рис.1, 2), состоящие из параллельных шин произвольного поперечного сечения, определенным образом соединенных между собой. В работе [4] были предложены математические модели систем индуктор-токопровод-пластин, которые позволяют найти импульсные токораспределения во всех проводниках и определить интегральные электромагнитные характеристики (импульсную или переходную проводимость [3]). При проектировании таких систем необходимо также знать распределение электродинамических усилий, действующих на пластину. Для систем с осевой симметрией этому вопросу посвящены работы [2, 6]. При этом влияние междувитковых зазоров на распределение электромагнитного поля и электродинамических усилий считалось распределенным по всей ширине индуктора, что приемлемо для систем с очень большим числом витков. Кроме того, ток в индукторе полагался известным, а поверхностный эффект не учитывался. В предлагаемой в этой статье методике число витков в индукторе может быть любым, ток определяется в результате анализа переходного процесса, а в проводниках системы учитывается поверхностный эффект в переходном режиме.

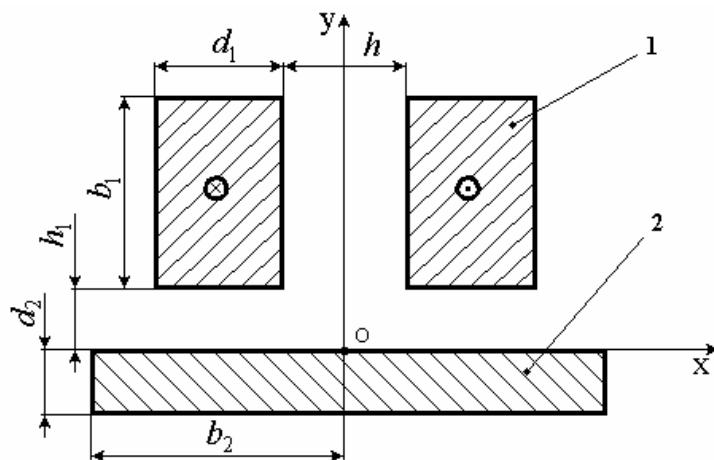
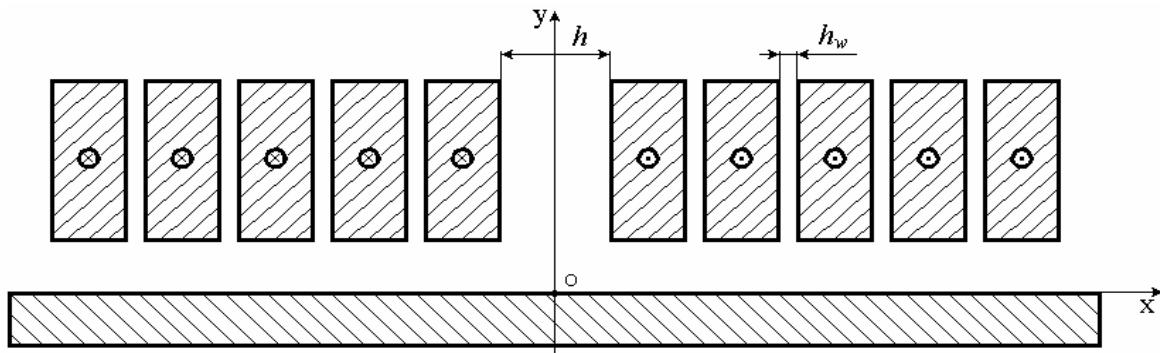


Рис.1. Размеры поперечного сечения пластины.



**Рис.2.** Индукторы-токопроводы.

Основные допущения те же, что и в работе [4]: а) магнитное поле системы полагаем плоским; б) соблюдаются условия квазистационарности; в) проводники являются немагнитными, неподвижными и имеют неизменные во времени электрофизические характеристики.

Полагаем, что известны распределение  $E_1(P,t)$  напряженности электрического поля (плотности тока) в проводниках при воздействии на индуктор-токопровод единичного напряжения, а также импульсная или переходная проводимость системы.

В соответствии с первым допущением векторы напряженности электрического поля  $\vec{E}$ , плотности электродинамических усилий  $\vec{f}$  и индукции магнитного поля  $\vec{B}$  имеют такую структуру в декартовых координатах:

$$\vec{E}\{0; 0; E_z\}, \quad \vec{f}\{f_x; f_y; 0\}, \quad \vec{B}\{B_x; B_y; 0\}. \quad (1)$$

Рассмотрим переходный процесс при разряде емкостного накопителя энергии на индуктор-токопровод, параллельно которому расположена проводящая пластина. Процесс описывается системой двух уравнений для тока и напряжения на индукторе при разряде емкостного накопителя энергии

$$r_C i(t) + L_C \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} \int_0^t i(\tau) d\tau - U_0 + u(t) = 0 \quad (2)$$

$$i(t) - \int_0^t y(t-\tau) u(\tau) d\tau = 0 \quad (3)$$

или

$$i(t) - \int_0^t i_1'(t-\tau) u(\tau) d\tau = 0, \quad (4)$$

где  $r_C$ ,  $L_C$ ,  $C$ ,  $U_0$  – параметры емкостного накопителя энергии соответственно его активное сопротивление, индуктивность, емкость и начальное напряжение, до которого заряжены конденсаторы;  $i(t)$ ,  $u(t)$  – ток и напряжение в разрядном контуре;  $y(t)$ ,  $i_1(t)$  – импульсная и переходная проводимость системы индуктор-токопровод — пластина.

В случае одновиткового индуктора-токопровода используем уравнение (3), а в случае многовиткового индуктора-токопровода — уравнение (4). Уравнение (2) составлено по второму закону Кирхгофа для разрядной цепи. Уравнения (3), (4) связывают импульсную или переходную проводимость, ток в разрядном контуре и напряжение на индукторе. По полученным в результате решения системы уравнений значениям тока и напряжения с помощью интеграла Дюамеля [5] рассчитываем все дифференциальные и интегральные величины, характеризующие процесс при разряде емкостного накопителя, а именно распределение напряжения по виткам индуктора-токопровода и распределение напряженности электрического поля в толще проводников. Напряженность электрического поля  $E_C(P,t)$  в проводниках при разряде емкостного накопителя рассчитываем по формуле

$$E_C(P,t) = u(t)E_1(P,0) + \int_0^t u(\tau)E_1'(P,t-\tau)d\tau . \quad (5)$$

По известным значениям напряженности электрического поля рассчитываем составляющие вектора магнитной индукции [7]

$$B_x(P,t) = \frac{\mu_0}{2\pi} \int_S \gamma(M) E(M,t) \left[ \frac{y_P - y_M}{(x_P + x_M)^2 + (y_P - y_M)^2} - \frac{y_P - y_M}{(x_P - x_M)^2 + (y_P - y_M)^2} \right] dS_M ; \quad (6)$$

$$B_y(P,t) = \frac{\mu_0}{2\pi} \int_S \gamma(M) E(M,t) \left[ \frac{x_P - x_M}{(x_P - x_M)^2 + (y_P - y_M)^2} - \frac{x_P - x_M}{(x_P + x_M)^2 + (y_P - y_M)^2} \right] dS_M , \quad (7)$$

где  $\gamma(M)$  — удельная электропроводность металла индуктора-токопровода и пластины в точке  $M$ ;  $x_P, y_P$  — координаты точки наблюдения  $P$ ;  $x_M, y_M$  — координаты расчетной точки  $M$ .

Вектор плотности электродинамических усилий согласно [7] будет

$$\vec{f} = \gamma [\vec{E}, \vec{B}] . \quad (8)$$

Полную силу  $\vec{F}$ , действующую на пластину, определяем интегрированием  $\vec{f}$  по объему пластины

$$\vec{F} = \int_V \vec{f} dV = 2l \int_{-d_2}^0 \int_0^{b_2} \left[ (-\gamma E_z B_y) \vec{l}_x + (\gamma E_z B_x) \vec{l}_y \right] dx dy \quad (9)$$

где  $l$  — длина системы индуктор-токопровод—пластина;  $d_2, b_2$  — размеры поперечного сечения пластины (рис.1).

Для рассматриваемых технологических приложений наибольший интерес представляет  $y$  — составляющая вектора  $\vec{f}$

$$f_y(P,t) = \gamma(P) E_C(P,t) B_x(P,t) \quad (10)$$

и интегральная сила, действующая на пластину в направлении оси  $y$

$$F_y(t) = 2l \int_{-d_2}^0 \int_0^{b_2} \gamma(P) E_C(P, t) B_x(P, t) dx_P dy_P , \quad (11)$$

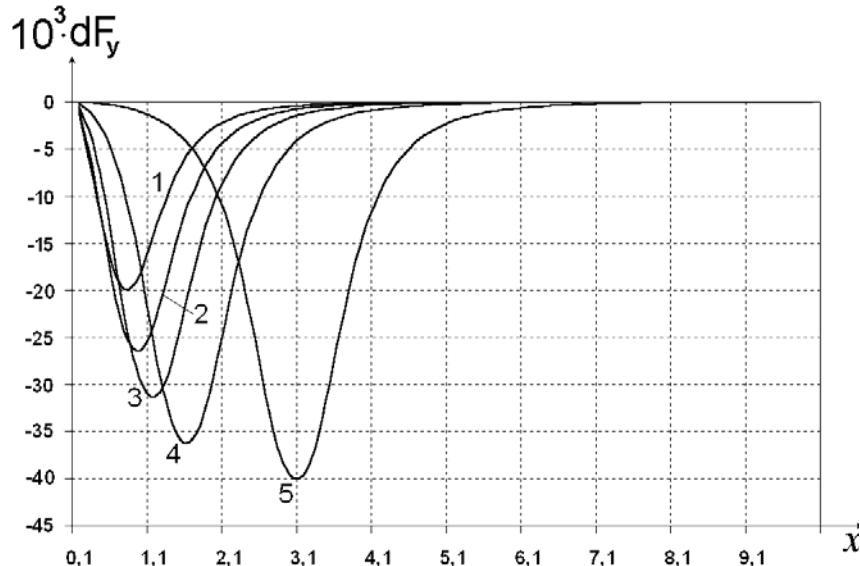
Для расчета силы  $dF_y(x, t)$ , действующей на единицу площади поверхности пластины используем формулу

$$dF_y(x, t) = \int_0^{d_2} \gamma(P) E_C(P, t) B_x(P, t) dy . \quad (12)$$

### Влияние геометрии индуктора-токопровода

#### на распределение электродинамических усилий на поверхности пластины

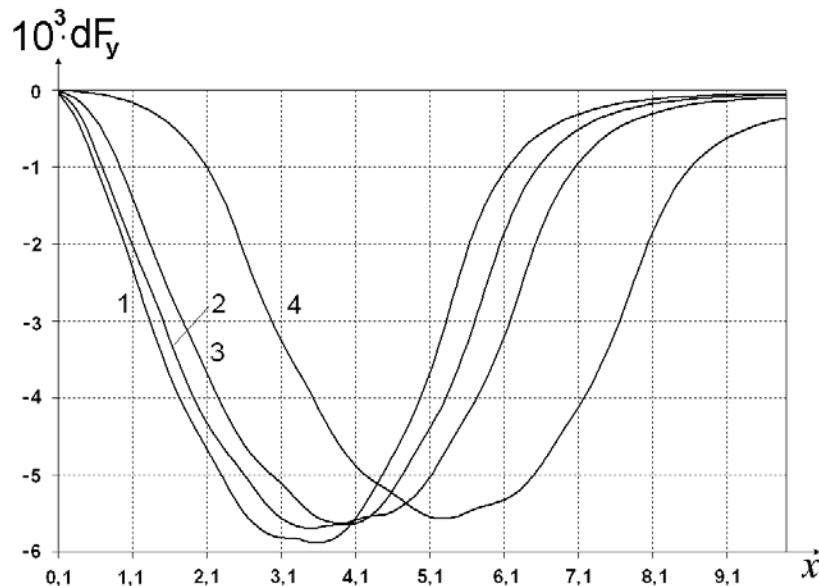
В случае одновиткового индуктора-токопровода максимум электродинамических усилий значительно возрастает при увеличении ширины внутреннего витка  $h$ , что объясняется ослаблением эффекта близости между шинами витка и усилением этого же эффекта между индуктором-токопроводом и пластиной. На рис.3 показаны кривые распределения максимальных электродинамических усилий по поверхности пластины для одновиткового индуктора с таким соотношением размеров:  $b_1/d_1 = 2,0$ ;  $h_1/d_1 = 0,1$ ;  $b_2/d_1 = 10,0$ ;  $d_2/d_1 = 0,5$ . Кривая 1 соответствует значению  $h/d_1 = 0,1$ ; 2 — 0,5; 3 — 1,0; 4 — 2,0; 5 — 5,0.



**Рис.3.** Кривые распределения максимальных электродинамических усилий.

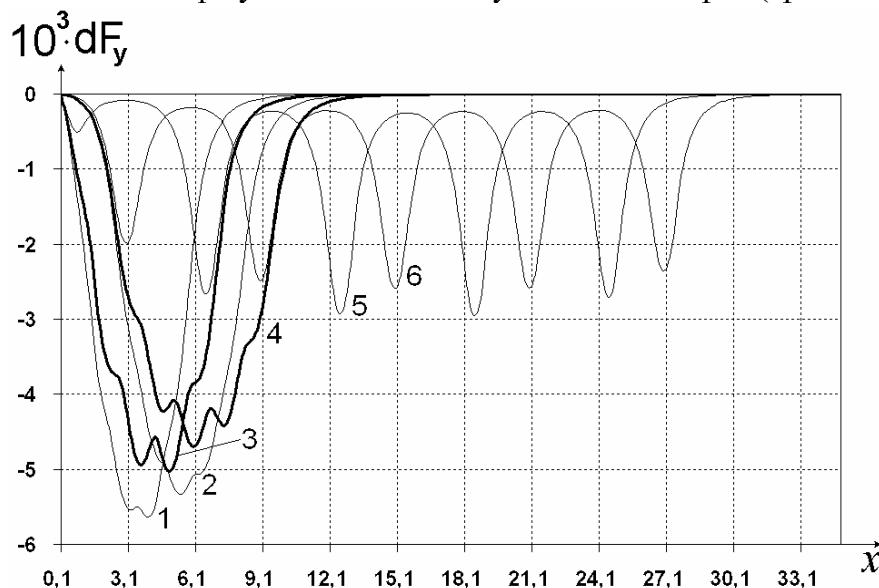
В случае многовиткового индуктора-токопровода исследовано влияние междывиткового зазора  $h_w$  и ширины внутреннего витка  $h$  индуктора-токопровода на распределение усилий, действующих на пластину. На рис. 4 показано распределение электродинамических усилий на верхней границе ( $x = 0$ ) пластины, расположенной под пятивитковым индуктором-токопроводом при  $h_w/d_1 = 0,1$ . Кривая 1 соответствует значению  $h/d_1 = 0,1$ ; 2 — 1,0; 3 — 2,0; 4 — 5,0. Введем такое понятие: рабочая зона индуктора-токопровода. Это область на поверхности пластины с электродинамическими усилиями не ниже  $0,5 dF_{y\max}$  ( $dF_{y\max}$  — максимальное значение величины  $dF_y$ ). Ширина рабочей зоны индуктора-токопровода — это

ее размер вдоль оси Ох на уровне 0,5  $dF_{y\max}$ . При  $h/d_1 \leq 0,5$  максимум электродинамических усилий выше и уменьшается с увеличением  $h/d_1$ , а ширина рабочей зоны индуктора-токопровода, напротив, увеличивается пропорционально  $h/d_1$ .



**Рис.4.** Распределение электродинамических усилий на верхней границе пластины.

На кривых, приведенных на рис.5, показано влияние междвуткового зазора  $h_w/d_1$  пятивиткового индуктора-токопровода с теми же геометрическими размерами. Размеры пластины:  $b_2/d_1 = 35,0$ ;  $d_2/d_1 = 0,5$ . Кривые с нечетными номерами рассчитаны для ширины внутреннего витка  $h/d_1 = 0,1$ , а с четными — для  $h/d_1 = 5,0$ . Кривые 1,2 соответствуют значению  $h_w/d_1 = 0,2$ ; 3,4 — 0,5; 5,6 — 5,0. Кривые 3 - 6 показывают, что в системе с многовитковым индуктором-токопроводом при  $h_w/d = 0,5$  и более на поверхности пластины, вдоль ее ширины, наблюдаются пространственные “осцилляции” электродинамических усилий с максимумами под витками и минимумами в области междвутковых зазоров. Эти осцилляции сглаживаются при уменьшении междвутковых зазоров (кривые 1,2).



**Рис.5.** Влияние междвуткового зазора.

Область максимума поверхностной плотности силы под витком будем называть “следом” витка. Как видно из кривых 1, 3, 5 на рис.5, при значении  $h/d_1 = 0,1$  «след» внутреннего витка практически отсутствует и основная сила, действующая на пластину, создается практически только оставшимися внешними витками. При увеличении ширины внутреннего витка до значения  $h/d_1 = 5,0$  его “след” становится более заметным.

В целом поведение поверхностной плотности силы на пластине под первым витком многовиткового индуктора-токопровода и под одновитковым индуктором-токопроводом совпадает. Показанные на рис.4, 5 зависимости качественно совпадают с известными экспериментальными данными для системы плоский спиральный индуктор — пластина [2]. Однако максимумы индукции и электродинамических усилий в системе с плоским индуктором находятся под первым (внутренним) витком и убывают в сторону периферийных витков. Для индуктора-токопровода эти распределения имеют более сложный характер.

### Выводы

1. При ширине внутреннего витка  $h/d_1 = 1,0..5,0$  максимум поверхностной плотности силы под ним увеличивается, увеличивая тем самым ширину рабочей зоны индуктора-токопровода.
2. В многовитковых индукторах-токопроводах при междвигитковом зазоре  $h_w/d_1 = 0,1..0,2$  пространственные “осцилляции” электродинамических усилий на поверхности пластины практически отсутствуют. 3. Для достижения максимальных усилий при использовании многовиткового индуктора-токопровода следует выбирать  $h/d_1 = h_w/d_1 = 0,1..0,2$ , а при использовании одновиткового индуктора-токопровода -  $h/d_1 = 5,0$ .

1. Белый И.В., Фертик С.М., Хименко Л.Т. *Справочник по магнитно-импульсной обработке металлов*. Харьков, 1977. 2. Брон О.Б., Сегаль А.М. *Многовитковые индукторы для магнитно-импульсной обработки металлов* // *Механические взаимодействия в сильных магнитных полях*: Межсузовский сб. 1974. С.37. 3. Михайлов В.М. *Интегральные электромагнитные характеристики соленоидов для получения сильных импульсных магнитных полей* // Электричество. 1993. № 7. С.38–47. 4. Михайлов В.М., Панасенко О.Т. *Распределение импульсных токов и интегральные характеристики системы индуктор-токопровод—пластина* // Техническая электродинамика. 1999. № 4. С.4–9. 5. Корн Г., Корн Т. *Справочник по математике (для научных работников и инженеров)*. М., 1977. 6. Сегаль А.М. *Взаимодействие индуктора с проводящим диском* // *Механические взаимодействия в сильных магнитных полях*: Межсузовский сб. 1974. С.44. 7. Тозони О.В. *Расчет электромагнитных полей на вычислительных машинах*. К., 1967.