# РЕЛАКСАЦІЙНА ДИНАМІКА КВАЗІОДНОВИМІРНОЇ МОДЕЛІ ІЗІНГА

# I. Р. Зачек

Національний університет "Львівська політехніка", кафедра фізики

#### © Зачек І. Р., 2014

Розглянута динамічна модель квазіодновимірних сегнетоелектриків типу порядок-безлад, що грунтується на стохастичній моделі Глаубера, на основі якої отриманий ланцюжок рівнянь для залежних від часу функцій розподілу досліджуваних сполук. Розраховані статичні і динамічні діелектричні характеристики квазіодновимірних сегнетоелектриків.

Ключові слова: модель Ізінга, сегнетоелектрики.

# Вступ

Однією із найактуальніших проблем сучасної фізики конденсованого стану є побудова статистичної теорії систем, що описуються моделлю Ізінга. Ця модель виявляється доволі ефективною для формулювання і розв'язання задач в теорії електро- і магнітоупорядкованих систем.

Вивчати динамічні властивості сегнетоактивних сполук, що описуються моделлю Ізінга, розпочали в роботі [1], в якій розглянуто лише одновимірну модель. Пізніше в роботах [2–4] підхід Глаубера був поширений на дво- і тривимірні ізінговські гратки. При цьому в [2] задача розв'язувалась в наближенні молекулярного поля, а в [3, 4] підхід Глаубера був узагальнений на випадок кластерного наближення.

Дослідження квазіодновимірних сегнетоелектриків виявили в них цілу низку властивостей, які не зустрічались в інших сегнетоелектричних кристалах. Особливістю їхньої структури  $\epsilon$  наявність ланцюжків, які утворені упорядковуючими елементами структури (VEC) і квазіодновимірний характер впорядкування VEC в них із сильними внутріланцюжковими і слабкими міжланцюжковими кореляціями. Теорії квазіодновимірних сегнетоелектриків присвячені роботи [5–10]. У роботах [5, 6] на основі квазіодновимірної анізотропної моделі Ізінга були розглянуті статичні властивості, в [7, 8] – їхні динамічні діелектричні характиристики. При отриманні замкненого рівняння для унарної функції розподілу VEC автори цих робіт використали просте розщеплення отриманого ланцюжка рівнянь, але проведений аналіз показу $\epsilon$ , що таке розчеплення не  $\epsilon$  коректним. У роботах [9, 10] була запропонована кластерна динамічна модель дейтерованих квазіодновимірних сегнетоелектриків *CsH*<sub>2</sub>*PO*<sub>4</sub> і отримано добре узгодження теорії з експериментом.

Тому виникає задача пошуку коректного розчеплення ланцюжка рівнянь і розрахунку на основі отриманих результатів статичних і динамічних діелектричних проникностей квазіодновимірних сегнетоелектриків. У цій роботі статичні діелектричні характеристики розраховані в сегнетоі параелектричних фазах, а динамічні – в параелектричній фазі.

# Ланцюжок рінянь для залежних від часу функцій розподілу системи

Розглянемо просту модель квазіодновимірного сегнетоелектрика типу порядок-безлад, гамільтоніан якого має вигляд [5–8]:

$$\hat{H} = -\sum_{ij} J S_{i+1,j}^{z} S_{ij}^{z} - \frac{1}{2} \sum_{ij} \sum_{mn} J_{mn} S_{i+m,j+n}^{z} S_{ij}^{z} - \sum_{ij} \mathbf{m} E_{ij} S_{ij}^{z} .$$
(1)

Тут перший доданок описує взаємодії між УЕС всередині ланцюжків, другий – ефективні далекосяжні взаємодії між ними, а останній доданок описує взаємодію УЕС із зовнішнім електричним полем;  $S_{ij}^z$  – оператор псевдоспіна, що відповідає УЕС ( $S_{ij}^z = \pm \frac{1}{2}$ ).

Надалі далекосяжні взаємодії будемо враховувати в наближенні молекулярного поля. В цьому випадку (2) набуває вигляду:

$$\hat{H} = -\sum_{ij} J S_{i+1,j}^{z} S_{ij}^{z} - \sum_{ij} \sum_{mn} J_{mn} \langle S_{i+m,j+n}^{z} \rangle S_{ij}^{z} - \sum_{ij} m E_{ij} S_{ij}^{z} .$$
<sup>(2)</sup>

Динамічні властивості системи, що описуються гамільтоніаном (2), будемо вивчати на основі методу Глаубера [1]. У межах цього методу для залежних від часу функцій розподілу дейтронів можна отримати таку систему рівнянь:

$$a\frac{d}{dt}\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle = -\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle + \langle th\frac{b}{2}\mathbf{e}_{ij}\rangle, \quad b = \frac{1}{k_{B}T},$$
(3)

$$a\frac{d}{dt}\langle \mathbf{s}_{ij}\mathbf{s}_{kl}\rangle = -2\langle \mathbf{s}_{ij}\mathbf{s}_{kl}\rangle + \langle \mathbf{s}_{ij}th\frac{\mathbf{b}}{2}\mathbf{e}_{kl}\rangle + \langle \mathbf{s}_{kl}th\frac{\mathbf{b}}{2}\mathbf{e}_{ij}\rangle. \tag{4}$$

Тут a – залежна від температури константа, що має розмірність часу,  $e_{ij}$  – локальне поле, що діє на і-й УЕС в j-му ланцюжку

$$\boldsymbol{e}_{ij} = \frac{1}{2} J(\boldsymbol{s}_{i+1,j} + \boldsymbol{s}_{i-1,j}) + \frac{1}{b} \boldsymbol{x}_{ij}, \qquad \boldsymbol{s}_{ij} = 2 S_{ij}^{z}, \qquad (5)$$

де

$$x_{ij} = \frac{b}{2} \sum_{mn} J_{mn} \langle s_{i+m,j+n} \rangle + b \, \mathbf{m} E_{ij}.$$

Подамо  $th \frac{b}{2} e_{ij}$  у вигляді

$$th\frac{b}{2}e_{ij} = P_{ij}(s_{i+1,j} + s_{i-1,j}) + M_{ij}s_{i+1,j}s_{i-1,j} + L_{ij}.$$
(6)

Тут використані такі позначення:

1

$$P_{ij} = \frac{1}{4} \left[ th \frac{1}{2} (bJ + x_{ij}) - th \frac{1}{2} (-bJ + x_{ij}) \right],$$
  
$$M_{ij} = \frac{1}{4} \left[ th \frac{1}{2} (bJ + x_{ij}) + th \frac{1}{2} (-bJ + x_{ij}) \right] - \frac{1}{2} th \frac{1}{2} x_{ij},$$
  
$$L_{ij} = \frac{1}{4} \left[ th \frac{1}{2} (bJ + x_{ij}) + th \frac{1}{2} (-bJ + x_{ij}) \right] + \frac{1}{2} th \frac{1}{2} x_{ij}.$$

Тепер на основі (3) і (4) з врахуванням (5), (6) можна отримати таку систему рівнянь:

$$a\frac{d}{dt}\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle = -\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle + P_{ij}(\langle \mathbf{s}_{i+1,j}\rangle + \langle \mathbf{s}_{i-1,j}\rangle) + M_{ij}\langle \mathbf{s}_{i+1,j}\mathbf{s}_{i-1,j}\rangle + L_{ij},$$

$$a\frac{d}{dt}\langle \mathbf{s}_{ij}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle = M_{ij}\langle \mathbf{s}_{i-1,j}\rangle + L_{ij}\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle + (M_{ij} + L_{ij})\langle \mathbf{s}_{i+1,j}\rangle - -2\langle \mathbf{s}_{ij}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle + P_{ij}(\langle \mathbf{s}_{i-1,j}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle + \langle \mathbf{s}_{ij}\mathbf{s}_{i+2,j}\rangle) + 2P_{ij},$$

$$a\frac{d}{dt}\langle \mathbf{s}_{i-1,j}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle = L_{ij}(\langle \mathbf{s}_{i-1,j}\rangle + \langle \mathbf{s}_{i+1,j}\rangle) - (7)$$

$$-2\langle \mathbf{s}_{i-1,j}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle + P_{ij}(\langle \mathbf{s}_{ij}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle + \langle \mathbf{s}_{i-1,j}\mathbf{s}_{ij}\rangle + \langle \mathbf{s}_{i-2,j}\mathbf{s}_{i+1,j}\rangle + \langle \mathbf{s}_{i-1,j}\mathbf{s}_{i+2,j}\rangle) - (7)$$

Visnyk of Lviv Polytechnic National University, Electronics, № 798, 2014

$$\begin{aligned} \mathbf{a} \frac{d}{dt} \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle &= L_{ij} (\langle \mathbf{s}_{i-2,j} \rangle + \langle \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle) - \\ -2 \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle + P_{ij} (\langle \mathbf{s}_{i-1,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle + \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{ij} \rangle + \langle \mathbf{s}_{i-3,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle + \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{i+2,j} \rangle) + \\ + M_{ij} (\langle \mathbf{s}_{i-3,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle + \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{ij} \mathbf{s}_{i+2,j} \rangle) \text{ i T.A.} \end{aligned}$$

Отже, ми отримали ланцюжок рівнянь для залежних від часу функцій розподілу системи, що описується гамільтоніаном (2). Ця система не замкнена і трансцендентна. Тому важливим є пошук можливих шляхів коректного розщеплення отриманого ланцюжка рівнянь з метою отримання надійних її розв'язків.

#### Статична діелектрична проникність квазіодновимірних сегнетоелектриків

Обмежимось випадком малих відхилень від стану рівноваги. У цьому випадку функції розподілу УЕС можна подати у вигляді суми двох складових – рівноважних функцій і їх відхилень від стану рівноваги:

$$\langle \mathbf{s}_{ij} \rangle = \mathbf{h}_{0} + \langle \mathbf{s}_{ij} \rangle_{t,} \quad \langle \mathbf{s}_{ij} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle = \mathbf{h}_{01} + \langle \mathbf{s}_{ij} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle_{t}, \tag{8}$$
$$\langle \mathbf{s}_{i-1,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle = \mathbf{h}_{02} + \langle \mathbf{s}_{i-1,j} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle_{t}, \quad \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{ij} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle = \mathbf{h}_{023} + \langle \mathbf{s}_{i-2,j} \mathbf{s}_{ij} \mathbf{s}_{i+1,j} \rangle_{t} \text{ i T.A.}$$

Тоді і

$$x_{ij} = x + x_{ijt},\tag{9}$$

 $\text{де } x = \frac{b}{2} \sum_{mn} J_{mn} h_0, \qquad x_{ijt} = \frac{b}{2} \sum_{mn} J_{mn} \langle s_{i+m,j+n} \rangle_t + bm E_{ijt}.$ 

Розкладемо коефіцієнти  $P_{ij}$ ,  $M_{ij}$  та  $L_{ij}$  в ряди відносно  $x_{ijt}$ :

$$P_{ij} = P_0 + \frac{x_{ijt}}{2} P_1, \qquad M_{ij} = M_0 + \frac{x_{ijt}}{2} M_1, \qquad L_{ij} = L_0 + \frac{x_{ijt}}{2} L_1.$$
(10)

Тут використані такі позначення:

$$\begin{split} P_{0} &= \frac{1}{2} \frac{1-a^{4}}{R}, \ M_{0} = -\frac{1}{2} \frac{(1-a^{2})shx}{(1+chx)R}, \ L_{0} = \frac{1}{2} \frac{\left[ \frac{4a^{2}chx + (1+a^{2})^{2} \right]shx}{(1+chx)R}, \ a = e^{-\frac{bJ}{2}} \\ P_{1} &= -\frac{2a^{2}(1-a^{4})shx}{R^{2}}, \ M_{1} = \frac{2a^{2} \left[ 2a^{2} + (1+a^{4})chx \right]}{R^{2}} - \frac{1}{1+chx}, \\ L_{1} &= \frac{2a^{2} \left[ 2a^{2} + (1+a^{4})chx \right]}{R^{2}} + \frac{1}{1+chx}, \ R = 1 + a^{4} + 2a^{2}chx. \end{split}$$

Підставляючи (8) і (10) в систему рівнянь (7), отримуємо дві системи рівнянь – для рівноважних функцій розподілу і їх флюктуаційних частин. Розглянемо спочатку систему рівнянь для рівноважних функцій розподілу:

$$(-1+2P_{0})h_{0} + M_{0}h_{02} + L_{0} = 0,$$

$$2(M_{0} + L_{0})h_{0} - 2h_{01} + 2P_{0}h_{02} + 2P_{0} = 0,$$

$$2L_{0}h_{0} + 2P_{0}h_{01} - 2h_{02} + 2P_{0}h_{03} + M_{0}h_{023} + M_{0}h_{013} = 0,$$

$$2L_{0}h_{0} + 2P_{0}h_{02} - 2h_{03} + 2P_{0}h_{04} + M_{0}h_{024} + M_{0}h_{024} = 0,$$

$$2L_{0}h_{0} + 2P_{0}h_{0N-1} - 2h_{0N} + 2P_{0}h_{0N+1} + M_{0}h_{02N+1} + M_{0}h_{0N-1N+1} = 0.$$
(11)

Розв'язком цієї є точні кореляційні функції, які отримані в роботі [11] для одновимірної моделі Ізінга у зовнішньому полі. Рівноважна унарна функція розподілу системи, що роглядається, має такий вигляд:

$$h_0 = \frac{sh\frac{x}{2}}{r}, \qquad r = \sqrt{sh^2\frac{x}{2} + a^2}.$$
 (12)

Беручи до уваги (12), з перших двох рівнянь системи (11), отримуємо результати для  $h_{01}$  та  $h_{02}$ :

$$h_{01} = h_0^2 + (1 - h_0^2) \frac{ch\frac{x}{2} - r}{ch\frac{x}{2} + r}, \quad h_{01} = h_0^2 + (1 - h_0^2) \left(\frac{ch\frac{x}{2} - r}{ch\frac{x}{2} + r}\right)^2.$$

Використовуючи вираз для  $h_0$  за наявності зовнішнього електричного поля, розраховуємо вираз для статичної діелектричної сприйнятливості квазіодновимірних сегнетоелектриків типу порядок-безлад:

$$c(0,T) = \frac{m^2}{u} \frac{b}{2} \frac{1}{F - \frac{bn}{4}}, \quad F = \frac{r^{\frac{1}{2}}}{a^2 ch \frac{bn}{4} h_0}, \quad (T < T_c), \quad \chi(0,T) = \frac{\mu^2}{\upsilon} \frac{\beta}{2} \frac{1}{a - \frac{\beta \nu}{4}}, \quad (T > T_c).$$
(13)

Ці вирази збігаються з результатом, отриманим у межах кластерного наближення [9,10].

## Динамічна діелектрична проникність квазіодновимірних сегнетоелектриків

Тепер перейдемо до розгляду системи рівнянь для флюктуаційних частин функцій розподілу УЕС, яку зобразимо в такому вигляді:

$$a\frac{d}{dt}\langle s_{ij}\rangle_{t} = -\langle s_{ij}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-1,j}\rangle_{t}) + M_{0}\langle s_{i+1,j}s_{i-1,j}\rangle_{t} + S^{(1)}\frac{b}{4}\sum_{mn}J_{mn}\langle s_{i+m,j+n}\rangle_{t} + S^{(1)}\frac{bm}{2}E_{ijt},$$

$$a\frac{d}{dt}\langle s_{ij}s_{i+1,j}\rangle_{t} = M_{0}\langle s_{i-1,j}\rangle_{t} + L_{0}\langle s_{ij}\rangle_{t} + (M_{0} + L_{0})\langle s_{i+1,j}\rangle_{t} - 2\langle s_{ij}s_{i+1,j}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{ij}s_{i+2,j}\rangle_{t}) + S^{(2)}_{01}\frac{b}{4}\sum_{mn}J_{mn}\langle s_{i+m,j+n}\rangle_{t} + S^{(2)}_{01}\frac{bm}{2}E_{ijt},$$
(14)
$$a\frac{d}{dt}\langle s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} = L_{0}(\langle s_{i-1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i+1,j}\rangle_{0}) - M_{0}(\langle s_{i-2,j}s_{ij}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-1,j}s_{ij}s_{i+2,j}\rangle_{t}) - 2\langle s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{ij}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-1,j}s_{ij}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{i+2,j}\rangle_{t}) - 2\langle s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-1,j}s_{ij}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{i+2,j}\rangle_{t}) - 2\langle s_{i-2,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{i-2,j}\rangle_{t} + \langle s_{i+1,j}\rangle_{0}) - M_{0}(\langle s_{i-3,j}s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{i+2,j}\rangle_{t}) + S^{(2)}_{02}\frac{b}{4}\sum_{mn}J_{mn}\langle s_{i+m,j+n}\rangle_{t} + S^{(2)}_{02}\frac{bm}{2}E_{ijt},$$

$$a\frac{d}{dt}\langle s_{i-2,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{i-2,j}\rangle_{t} + \langle s_{i+1,j}\rangle_{0}) - M_{0}(\langle s_{i-3,j}s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{ij}s_{i+2,j}\rangle_{t}) - 2\langle s_{i-2,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{i-2,j}\rangle_{t} + \langle s_{i+1,j}\rangle_{0}) - M_{0}(\langle s_{i-3,j}s_{i-1,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{ij}s_{i+2,j}\rangle_{t}) - 2\langle s_{i-2,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + P_{0}(\langle s_{i-2,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{ij}\rangle_{t} + \langle s_{i-3,j}s_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle s_{i-2,j}s_{i+2,j}\rangle_{t}) + S^{(2)}_{03}\frac{b}{4}\sum_{mn}J_{mn}\langle s_{i+m,j+n}\rangle_{t} + S^{(2)}_{03}\frac{bm}{2}E_{iji}$$

$$i \text{ t.t.d}$$

Тут використані такі позначення:

$$S^{(1)} = 2P_{1}h_{0} + M_{1}h_{02} + L_{1}, \quad S^{(2)}_{01} = 2(M_{1} + L_{1})h_{0} + 2P_{1}h_{02} + 2P_{1},$$
  

$$S^{(2)}_{02} = 2L_{1}h_{0} + 2P_{1}(h_{01} + h_{03}) + M_{1}(h_{013} + h_{023}), \quad S^{(2)}_{03} = 2L_{1}h_{0} + 2P_{1}(h_{02} + h_{04}) + 2M_{1}h_{024}.$$

У випадку парафази система (14) значно спрощується. Із (14) отримується замкнене рівняння для унарної функції розподілу  $\langle s_{ij} \rangle_i$ :

$$a\frac{d}{dt}\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle_{t} = -\langle \mathbf{s}_{ij}\rangle_{t} + P_{0}(\langle \mathbf{s}_{i+1,j}\rangle_{t} + \langle \mathbf{s}_{i-1,j}\rangle_{t}) + S_{p}^{(1)}(\frac{b}{4}\sum_{mn}J_{mn}\langle \mathbf{s}_{i+m,j+n}\rangle_{t} + \frac{bm}{2}E_{ijt}), \qquad (15)$$
$$S_{p}^{(1)} = \frac{2a}{1+a^{2}}.$$

де

Здійснюючи в (15) фур'є-перетворення і розв'язуючи отримане рівняння, одержимо, що

$$\langle \boldsymbol{s}_{p}(\boldsymbol{k}) \rangle_{t} = C_{p} e^{-\frac{t_{r}}{t_{p}(\boldsymbol{k})}} + \frac{\frac{1}{2} \boldsymbol{b} \boldsymbol{m} S_{p}^{(1)} \boldsymbol{t}_{p}(\boldsymbol{k})}{\mathbf{r}} \mathbf{E}(\boldsymbol{k}) e^{i\boldsymbol{w}t}, \qquad (16)$$

де

$$t_{p}(k) = \frac{a}{1 - 2P_{0}\cos kd - \frac{bn(k)}{4}S_{p}^{(1)}}$$
(17)

– час релаксації поляризації, d – відстань між сусідніми УЕС в ланцюжку, k – компонента хвильового вектора вздовж ланцюжка. Нехтуючи далекосяжними взаємодіями із (17), отримаємо результати роботи [2]. У випадку ж k = 0 із (17) маємо результат:

$$t_{p}(0) = a \frac{1+a^{2}}{2a(a-\frac{bn}{4})},$$
(18)

який збігається з отриманими в роботах [4, 8–10]. У разі нехтування далекосяжними взаємодіями із (18) маємо результат роботи [3]. Використовуючи (16), можемо розрахувати вираз для динамічної діелектричної проникності в парафазі:

$$\boldsymbol{c}_{p}(\boldsymbol{k},\boldsymbol{w}) = \frac{\boldsymbol{c}_{p}(\boldsymbol{k},0)}{1+i\boldsymbol{w}\boldsymbol{t}_{p}(\boldsymbol{k})},$$
(19)

де

$$c_{p}(k,0) = \frac{m^{2}}{u} \frac{b}{2} \frac{S_{p}^{(1)}}{1 - 2P_{0}\cos kd - \frac{bn(k)}{4}S_{p}^{(1)}}$$
(20)

– залежна від квазіімпульсу ститична діелектрична сприйнятливість в парафазі. У разі нехтування далекодією із (20) отримується результат роботи [2]. У випадку  $\vec{k} = 0$  із (20) слідують результати робіт [4, 6, 9, 10].

Використовуючи (20), запишемо і вираз для комплексної діелектричної проникності квазіодновимірних сегнетоелектриків в парафазі:

$$e_p^*(k, w) = e^{(0)} + 4pc_p(k, w).$$

Слід відзначити, що отримані в межах лінійного наближення результати у випадку парафази і при  $\vec{k} = 0$  збігаються з результатами кластерної теорії.

#### Висновки

У межах стохастичної моделі Глаубера отриманий ланцюжок рівнянь для залежних від часу функцій розподілу квазіодновимірних сегнетоелектриків типу порядок-безлад, розраховані залежні від квазіімпульсів статична діелектриична сприйнятливість і час релаксації поляризації, а також у параелектричній фазі комплексна діелектрична проникність. Показано, що в парафазі у випадку малого відхилення від стану рівноваги отримується замкнене рівняння для унарної функції розподілу і система рівнянь для парних функцій.

- [1] Glauber J. // J. Math. Phys., 4(2) (1963) 294-307.
- [2] Susuki H., Kubo R. // J. Phys. Jpn., 24(1) (1968) 51-60.
- [3] Власова А.А., Шнейдер В.Е. // ЖЭТФ, 73(10) (1977) 1493-1498.
- [4] Левицкий Р.Р., Зачек И.Р. // УФЖ, 24(10) (1979) 1486-1493.
- [5] Scalapino D.J., Ymry Y., Pincus P. // Phys. Rev.B., 11(5) (1975) 2042-2048.
- [6] De Carvalho A.V., Salinas S. H. // J. Phys. Soc. Jpn., 44(1) (1978) 238-243.
- [7] Zumer S. // Phys. Rev.B., 21(3) (1980) 1298-1303.
- [8] Kanda E., Tamaki A., Fujimura T. // J. Phys. C: Solid State Phys., 15 (1982) 3401-3410.
- [9] Grigas J., Levitski R.R., Mits Ye.V., Paprotny W., Zachek I.R. // Ferroelectrics, 64(1-3) (1985) 33-35.
- [10] Grigas J., Levitski R.R., Zachek I.R., Sorokov S.I., // Ferroelectrics 108 (1990) 261-266.
- [11] Желифонов М.П. // ТМФ, 8(3) (1971) 401-416.

# RELAXATIONAL DYNAMICS OF QUASI – ONE – DIMENSIONAL ISING MODEL

# I. R. Zachek

Lviv Polytechnic National University, Department of Physics

© Zachek I. R., 2014

A dynamical model of quasi-one-dimensional order-disorder type ferroelectrics based on the stochastic Glauber model is considered. A chain time-dependent distribution functions were obtained. Static and dynamic dielectrics characteristics of quasi-one-dimensional ferroelectrics are calculated.

Key words: Ising model, ferroelectrics.